

Relatividade e Cosmologia, aula No 4

Comentar a pergunta de Fábio sobre a posição do O no diagrama e-t, quando O' chega a Lua. Por exemplo de quaisquer viagem a Lua, lançado na data to.

Comentar a pergunta de Pedro sobre a distância do corte de hiperboles sucessivas num eixo v quaisquer. São os espaçamentos os mesmos?

Nos pontos de corte valem simultaneamente a equação da linha mundo $t = b \cdot x$ (onde $b = 1/v$) E a da hipérbole $x^2 - t^2 = a^2$. Se substituirmos na equação quadrática a expressão de t, obtemos para x: $x^2 - b^2 \cdot x^2 = a^2$ ou : $x = a/(1-b^2)^{-1/2}$.

Duas hiperboles estarão separadas na origem pela diferença dos coeficientes a1 e a2, que chamamos de Da. a coordenada x estará separada por $Dx = Da/(1-b^2)^{-1/2}$. Ou seja se a separação entre a hipérbole 1 e 2 é igual a aquela entre a 2 e a 3 $Da_{(2-1)} = Da_{(3-2)}$, também acontece que a separação $Dx_{(2-1)} = Dx_{(3-2)}$. Oque acontece com a separação entre as coordenadas t desses dois intervalos?. Se formos na equação da linha mundo constatamos que $Dt = b Dx$. Ou seja também a distância entre pontos na coordenada t transformasse linearmente com Da, com o qual fica demonstrado que iguais intervalos no eixo t transformam-se em intervalos iguais ao longo do eixo t'. QED.

1.10- Transformação das velocidades

Veremos a continuação a transformação das velocidades isto é: temos um móvel que desloca-se em O' com velocidade $v' = dx'/dt'$, e no sistema repouso O desloca-se com velocidade $v=dx/dt$. O sistema O' desloca-se com relação ao sistema O com velocidade V. Como se transformam estas velocidades?. Nas transformações de Galileu teriamos simplesmente que $v=v'+V$. Mas para ver o que acontece nas transformações de L-F, armamos as derivadas com a definição das transformações das coordenadas espaciais e temporais:

$$dx/dt = (\gamma \cdot dx' + V \cdot \gamma \cdot dt') / (V \cdot \gamma \cdot dx' + \gamma \cdot dt') \quad (4-1),$$

onde V é a velocidade com que O' desloca-se em relação a O. Se dividirmos acima e embaixo por dt' a expressão da direita teremos:

$$dx/dt = \gamma \cdot (v' + V) / \gamma (V \cdot v' + 1), \text{ ou simplificando } \gamma: \\ v = (v' + V) / (1 + V \cdot v') \quad (4-2)$$

Vê-se que as velocidades somam em forma diferente que nas transformações de Galileu. Porém, se V e v' forem muito pequenos ($\ll 1$) *reaparecem as transformações de Galileu*, já que o denominador fica $V.v' \ll 1$. Outro ponto muito importante é que esta soma nunca excede 1, o valor da velocidade da luz. Vemos que estamos perante um tipo de álgebra no qual a soma de $1 \oplus 1 = 1$!!! (colocamos o sinal + dentro de um círculo para dizer que não estamos somando de acordo às regras da álgebra comum, más de acordo à equação que acabamos de deduzir). Ou seja, se somamos 2 vezes a velocidade da luz, obtemos a velocidade da luz $(1 + 1) / (1 + 1.1) = 1$. Também verificamos que a transformação preserva o postulado fundamental da RE (como não poderia ser de outra forma, já que tudo sai dali!), isto é, que a velocidade da luz, quando medida em quaisquer referencial é sempre a mesma. $(1 + V) / (1 + 1.V) = 1$.

1-11- Alguns efeitos Clássicos

A medição da velocidade da luz por Ömmer pela observação dos satélites de Júpiter

A aberração clássica da luz

O efeito Fizeau (Fizeau, 1851 Comptes Rendu V33, pgs 349-355)

Usar a aproximação $(1 + z)^n = 1 + nz$, para $|z| \ll 1$.

1.12- Contração espacial

Veremos este efeito de três pontos de vista diferentes: No espaço físico; no diagrama espaço-tempo e nas transformações de Lorentz.

Más deixamos isto como tema da aula No 5.